

Algorithmique et Structures de données

Licence 2 Informatique

Correction de l'Examen du 15 Janvier 2023

Q1.

(a) Fonction qui réalise l'exponentiation rapide (3 pts)

```
double quickPwr(double x, int n)
{
    if (n == 0) return 0.0;
    if (n % 2) return quickPwr(x * x, n / 2);
    else return (x * quickPwr(x, n - 1));
}
```

(b) Le nombre de multiplications est donnée par la fonction $\log_2(n)$. (1 pt)

Q2.

(a) Illustration du tri bulle (2 pts)

Input : $V = \{6, 2, 8, 4, 3, 7, 1, 5\}$

Itération 1 : $V = \{2, 6, 4, 3, 7, 1, 5, \mathbf{8}\}$

Itération 2 : $V = \{2, 4, 3, 6, 1, 5, \mathbf{7, 8}\}$

Itération 3 : $V = \{2, 4, 3, 1, 5, \mathbf{6, 7, 8}\}$

Itération 4 : $V = \{2, 4, 3, 1, \mathbf{5, 6, 7, 8}\}$

Itération 5 : $V = \{2, 3, 1, \mathbf{4, 5, 6, 7, 8}\}$

Itération 6 : $V = \{2, 1, \mathbf{3, 4, 5, 6, 7, 8}\}$

Itération 7 : $V = \{1, \mathbf{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8}\}$

Output: $V = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$

(b) Fonction qui réalise le tri bulle (3 pts)

```
void triBulle (double t[], int n)
{
    int i, k;
    for (i = n - 1; i > 0; i--)
        for (k = 0; k < i; k++)
            if (t[k] > t[k + 1]) swap (t, k, k + 1);
}
```

Q3.

(a) Déclarations de types pour une liste d'entiers implémentée en utilisant une liste doublement chaînée. (3 pts)

```
struct Cellule
{
    int contenu;
    struct Cellule *suivant;
    struct Cellule *precedent ;
};
typedef struct Cellule Cellule, *ListeDC;
```

(b) Une fonction qui inverse l'ordre des éléments d'une liste doublement chaînée. (3 pts)

```
ListeDC inserver(ListeDC a)
{
    ListeDC b, c ;
    b = a;
    while (!EstListeVide(a))
    {
        c = a->suivant;
        a->suivant = a->precedent;
        a->precedent = c;

        b = a;
        a = a->precedent;
    }
    return b;
}
```

Q3.

Une fonction (ici récursive) qui insère x dans une suite triée représentée par une pile (5 pts)

```
void Inserer(int x, Pile *p)
/*
    x est la valeur du nouvel élément ;
    p est un pointeur vers la structure pile ;
*/
{
    int y;

    if (EstPileVide(*p) || x < Sommet(*p))
    {
        Empiler(x, p);
    }
    else
    {
        y = Sommet(*p);
        Depiler(p);
        Inserer(x, p);
        Empiler(y, p);
    }
}
```